

வகுப்பு : 10

தேர்வு
எண்

அரையாண்டுப் பொதுத் தேர்வு, 2025-26

நேரம் : 3.00 மணி]

கணிதம்

[மொத்த மதிப்பெண்கள் : 100

பகுதி - I

14x1=14

1. சரியான விடையைத் தேர்ந்தெடுக்க.
1. $A = \{3, 4, 5\}$ லிருந்து B என்ற கணத்திற்கு 512 உறுப்புகள் உள்ளது எனில், B ல் உள்ள உறுப்புகளின் எண்ணிக்கை
a) 3 b) 2 c) 4 d) 8
2. $f(x) = 2x^2$ மற்றும் $g(x) = \frac{1}{3x}$, எனில் $fo g$ ஆனது
a) $\frac{3}{2x^2}$ b) $\frac{2}{3x^2}$ c) $\frac{2}{9x^2}$ d) $\frac{1}{6x^2}$
3. $\frac{3}{16}, \frac{1}{8}, \frac{1}{12}, \frac{1}{18}$ என்ற தொடர்வரிசையின் அடுத்த உறுப்பு
a) $\frac{1}{24}$ b) $\frac{1}{27}$ c) $\frac{2}{3}$ d) $\frac{1}{81}$
4. இருபடி சமன்பாட்டின் வரைபடம் ஒரு ----- ஆகும்.
a) நேர்க்கோடு b) வட்டம் c) பரவளையம் d) அதிபரவளையம்
5. A என்ற அணியின் வரிசை 2×3 என்ற அணியின் வரிசை 3×4 எனில் AB என்ற அணியின் நிரல்களின் எண்ணிக்கை
a) 3 b) 4 c) 2 d) 5
6. $\frac{AB}{DE} = \frac{BC}{FD}$ எனில் ABC மற்றும் EDF எப்பொழுது வடிவொத்தவையாக அமையும்.
a) $\angle B = \angle E$ b) $\angle A = \angle D$ c) $\angle B = \angle D$ d) $\angle A = \angle F$
7. வட்டத்தின் தொடுகோடும் அதன் ஆரமும் செங்குத்தாக அமையும் இடம்.
a) மையம் b) தொடுபுள்ளி c) முடிவிலி d) நூண்
8. $(5, 7), (3, p)$ மற்றும் $(6, 6)$ என்பன ஒரு கோடமைந்தவை எனில் P யின் மதிப்பு
a) 3 b) 6 c) 9 d) 12
9. கோட்டுத்துண்டு PQ யின் சாய்வு $\frac{1}{\sqrt{3}}$ எனில் PQ க்கு செங்குத்தான இருசமவெட்டியின் சாய்வு
a) $\sqrt{3}$ b) $-\sqrt{3}$ c) $\frac{1}{\sqrt{3}}$ d) 0
10. $\tan \theta \cdot \operatorname{cosec}^2 \theta - \tan \theta$ ன் மதிப்பு
a) $\sec \theta$ b) $\cot^2 \theta$ c) $\sin \theta$ d) $\cot \theta$
11. ஒரு கோபுரத்தின் உயரத்திற்கும் அதன் நிழலின் நீளத்திற்கும் உள்ள விகிதம் $\sqrt{3}:1$, எனில் சூரியனைக் காணும் ஏற்றக் கோண அளவானது
a) 45° b) 30° c) 90° d) 60°
12. ஆரம் 5 செ.மீ மற்றும் சாயுயரம் 13 செ.மீ உடைய நேர்வட்டக் கூம்பின் உயரம்
a) 12 செ.மீ b) 10 செ.மீ c) 13 செ.மீ d) 5 செ.மீ
13. ஒரு தரவின் திட்டவிலக்கமானது 3 ஒவ்வொரு மதிப்பையும் 5 ஆல் பெருக்கினால் கிடைக்கும் புதிய தரவின் விலக்க வர்க்கச் சராசரியானது
a) 3 b) 15 c) 5 d) 225
14. ஆங்கில எழுத்துகள் $\{a, b, c, \dots, z\}$ யிலிருந்து ஓர் எழுத்து சமவாய்ப்பு முறையில் தேர்வு செய்யப்படுகிறது. அந்த எழுத்து மெய்யெழுத்துகளில் ஒன்றாக இருப்பதற்கான நிகழ்தகவு.
a) $\frac{12}{13}$ b) $\frac{1}{13}$ c) $\frac{21}{26}$ d) $\frac{3}{26}$

பகுதி - II

- II. எவையேனும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளி. 28-வது வினா கட்டாய வினா 10x2=20
15. $A = \{1, 2, 3\}$ மற்றும் $B = \{x/x \text{ என்பது } 10 \text{ ஐ விடச் சிறிய பகா எண்}\}$ எனில் $A \times B$ மற்றும் $B \times A$ ஆகியவற்றைக் காண்க.
16. $A = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$ மற்றும் $f: A \rightarrow B$ என்ற சார்பானது $f(x) = x^2 + x + 1$ மேல்சார்பு எனில் B ஐக் காண்க.
17. இன்று செவ்வாய்கிழமை என்னுடைய மாமா 45 நாட்களுக்குப் பிறகு வருவதாகக் கூறியுள்ளார். என்னுடைய மாமா எந்தக் கிழமையில் வருவார்?
18. ஒரு பெருக்குத்தொடரின் 8 வது உறுப்பு $\frac{1}{243}$ மற்றும் முதல் உறுப்பு 9 எனில் பொது விகிதம் காண்க.
19. $9x^2 - 24x + 16 = 0$ என்ற இருபடிச் சமன்பாட்டின் மூலங்களின் தன்மையைக் காண்க.
20. $A = \begin{pmatrix} 0 & 4 & 9 \\ 8 & 3 & 7 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 7 & 3 & 8 \\ 1 & 4 & 9 \end{pmatrix}$ எனில் $B - 5A$ யைக் காண்க.
21. ஒரு மனிதன் 18 மீ.கிழக்கே சென்று பின்னர் 24 மீ வடக்கே செல்கிறான். தொடக்க நிலையிலிருந்து அவர் இருக்கும் தொலைவைக் காண்க.
22. $P(-1.5, 3)$, $Q(6, -2)$, மற்றும் $R(-3, 4)$ ஆகிய புள்ளிகள் ஒரே நேர்க்கோட்டில் அமையும் எனக் காட்டுக.
23. $\frac{\cos \theta}{1 + \sin \theta} = \sec \theta - \tan \theta$ என்பதை நிரூபிக்கவும்.

CH/10/Mat/1

24. ஒரு கூம்பின் இடைக்கண்டச் சாயுயரம் 5 செ.மீ ஆகும். அதன் இரு ஆரங்கள் 4 செ.மீ மற்றும் 1 செ.மீ எனில் இடைக்கண்டத்தின் வளைபரப்பைக் காண்க.
25. இரு கோளங்களின் ஆரங்களின் விகிதம் 4:7 எனில் அவற்றின் கனஅளவுகளின் விகிதம் காண்க.
26. முதல் 21 இயல் எண்களின் திட்டவிலக்கத்தைக் காண்க.
27. இரண்டு நாணயங்கள் ஒன்றாகச் சுண்டப்படுகின்றன. இரண்டு நாணயங்களிலும் வெவ்வேறு முகங்கள் கிடைப்பதற்கான நிகழ்தகவு என்ன?
28. $3x - 7y = 12$ என்ற நேர்க்கோட்டிற்கு செங்குத்தாகவும் (6, 4) என்ற புள்ளிவழிச் செல்வதுமான நேர்க்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

பகுதி - III

10x5=50

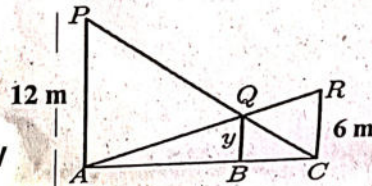
- III. எவையேனும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளி. 42-வது வினா கட்டாய வினா
29. ஒரு நிறுவனத்தில் உதவியாளர்கள் (A) எழுத்தார்கள் (C) மேலாளர்கள் (M) மற்றும் நிர்வாகிகள் (E) ஆகிய நான்கு பிரிவுகளில் பணியாளர்கள் உள்ளனர். A, C, M மற்றும் E பிரிவு பணியாளர்களுக்கு ஊதியங்கள் முறையே ₹ 10,000, ₹ 25,000, ₹ 50,000 மற்றும் ₹ 1,00,000 ஆகும். A_1, A_2, A_3, A_4 மற்றும் A_5 ஆகியோர் உதவியாளர்கள் C_1, C_2, C_3, C_4 ஆகியோர் எழுத்தார்கள். M_1, M_2, M_3 ஆகியோர் மேலாளர்கள், மற்றும் E_1, E_2 ஆகியோர் நிர்வாகிகள் ஆவர். xRy என்ற உறவில் x என்பது y என்பவருக்குக் கொடுக்கப்பட்ட ஊதியம் எனில் R என்ற உறவை வரிசைச் சோடிகள் மூலமாகவும் அம்புக்குறி படம் மூலமாகவும் குறிப்பிடுக.

30. சாம்பு $f: R \rightarrow R$ ஆனது $f(x) = \begin{cases} 2x+7; & x < -2 \\ x^2-2; & -2 \leq x < 3 \\ 3x-2; & x \geq 3 \end{cases}$ என வரையறுக்கப்பட்டால்

i) $f(4) + 2f(1)$ ii) $\frac{f(1) - 3f(4)}{f(-3)}$

31. ஒரு பெருக்குத்தொடர் வரிசையின் அடுத்தடுத்த மூன்று உறுப்புகளின் பெருக்கற்பலன் 343 மற்றும் அவற்றின் கூடுதல் $91/3$ எனில் அந்த மூன்று உறுப்புகளைக் காண்க.
32. கூடுதல் காண்க $10^3 + 11^3 + 12^3 + \dots + 20^3$.
33. $x^2 + 6x - 4 = 0$ யின் மூலங்கள் α, β எனில் α^2 மற்றும் β^2 ஐ மூலங்களாகக் கொண்ட இருபடிச் சமன்பாட்டைக் காண்க.
34. $x^4 - 4x^3 + 8x^2 - 8x + 4$ என்பதின் வர்க்கமூலம் காண்க.
35. $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -4 & 2 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} -7 & 6 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$ எனில் $A(B+C) = AB+AC$ என்பதைச் சரிபார்க்க.
36. $A(3, -4), B(9, -4), C(5, -7)$ மற்றும் $D(7, -7)$ ஆகிய புள்ளிகள் ABCD என்ற சரிவகத்தை அமைக்கும் எனக்காட்டுக.
37. $(2, 5)$ மற்றும் $(4, 7)$ என்ற புள்ளிகளைச் சேர்க்கும் நேர்க்கோட்டிற்கு செங்குத்தாகவும் $(1, 4)$ என்ற புள்ளி வழி செல்வதுமான நேர்க்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
38. ஒரு கலங்கரை விளக்கத்தின் உச்சியிலிருந்து எதிரெதிர் பக்கங்களில் உள்ள இரண்டு கப்பல்கள் 30° மற்றும் 60° இறக்கக் கோணத்தில் பார்க்கப்படுகின்றன. கலங்கரை விளக்கத்தின் உயரம் h மீ இரு கப்பல்கள் மற்றும் கலங்கரை விளக்கத்தின் அடிப்பகுதி ஆகியவை ஒரே நேர்க்கோட்டில் அமைகின்றன. எனில் இரண்டு கப்பல்களுக்கு இடைப்பட்ட தொலைவு $\frac{4h}{\sqrt{3}}$ மீ என நிரூபிக்க.

39. ஓர் உள்ளீடற்ற அரைக்கோள ஓட்டின் உள் மற்றும் வெளிப்புற ஆரங்கள் முறையே 3 மீ மற்றும் 5 மீ ஓட்டின் மொத்தப்பரப்பு மற்றும் வளைப்பரப்பைக் காண்க.
40. விட்டம் 14 செ.மீ உயரம் 8 செ.மீ உடைய திண்ம நேர்வட்டக் கூம்பு ஓர் உள்ளீடற்ற கோளமாக உருமாற்றப்படுகிறது. கோளத்தின் வெளிவிட்டம் 10 செ.மீ எனில் உள்விட்டத்தைக் காண்க.
41. ஒரு பெட்டியில் 3, 5, 7, 9 35, 37 என்ற எண்கள் குறிக்கப்பட்ட அட்டைகள் உள்ளன. சமவாய்ப்பு முறையில் எடுக்கப்படும் ஒரு அட்டை ஆனது 7ன் மடங்காக அல்லது பகா எண்ணாக இருப்பதற்கான நிகழ்தகவைக் காண்க.
42. 12 மீ மற்றும் 6 மீ உயரமுள்ள இரண்டு செங்குத்தான தூண்கள் AC என்ற தரையின் மேல் படத்தில் காட்டியுள்ளவாறு ஊன்றப்பட்டுள்ளது, எனில் y யின் மதிப்பு காண்க.



பகுதி - IV

2x8=16

- IV. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளி.
43. அ) $QR = 6.5$ மற்றும் $\angle P = 60^\circ$ மற்றும் உச்சி P யிலிருந்து QR க்கு வரையப்பட்ட குத்துக்கோட்டின் நீளம் 4.5 (அல்லது) செ.மீ உடைய ΔPQR வரைக.
- ஆ) 6 செ.மீ விட்டமுள்ள வட்டம் வரைந்து வட்டத்தின் மையத்தில் இருந்த 8 செ.மீ தொலைவில் P என்ற புள்ளியைக் குறிக்கவும் அப்புள்ளியிலிருந்து PA மற்றும் PB என்ற இரு தொடுகோடுகள் வரைந்து அவற்றின் நீளங்களை அளவிடுக.
44. அ) $y = x^2 - 4x + 3$ யின் வரைபடம் வரைந்து அதன் மூலம் $x^2 - 6x + 9 = 0$ என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்கவும். (அல்லது)

ஆ) ஒரு தொட்டியை நிரப்ப தேவையான குழாய்களின் எண்ணிக்கையும் அவை எடுத்துக் கொள்ளும் நேரமும் பின்வரும் அட்டவணையில் கொடுக்கப்பட்டுள்ளது.

குழாய்களின் எண்ணிக்கை (x)	2	3	6	9
எடுத்துக்கொள்ளும் நேரம் (y) நிமிடங்களில்	45	30	15	10

- மேற்கண்ட தரவுகளுக்கு வரைபடம் வரைந்து
- 5 குழாய்களை பயன்படுத்தினால் தொட்டி நிரம்ப எடுத்துக் கொள்ளப்பட்ட நேரத்தைக் காண்க.
 - 9 நிமிடங்களில் தொட்டி நிரம்பினால், பயன்படுத்தப்பட்ட குழாய்களின் எண்ணிக்கையைக் காண்க.

CH/10/M.Mat/2