

வகுப்பு 10

கணிதம்

பகுதி - அ

கால அளவு: 3.00 மணிநேரம்

மதிப்பெண்கள்: 100

I. சரியான விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக:

14×1=14

- 1) $R = \{(x, x^2)/x \text{ ஆனது } 13\text{ஐ விடக் குறைவான பகா எண்கள்}\}$ என்ற உறவின் வீச்சுமானது
 - a) $\{2, 3, 5, 7\}$
 - b) $\{2, 3, 5, 7, 11\}$
 - c) $\{4, 9, 25, 49, 121\}$
 - d) $\{1, 4, 9, 25, 49, 121\}$
- 2) $f(x) = 2x^2$ மற்றும் $g(x) = \frac{1}{3x}$ எனில் $f \circ g$ ஆனது
 - a) $\frac{3}{2x^2}$
 - b) $\frac{2}{3x^2}$
 - c) $\frac{2}{9x^2}$
 - d) $\frac{1}{6x^2}$
- 3) 65 மற்றும் 117யின் மீ.பொ.வ.வை 65 m -117 என்ற வடிவில் எழுதும் போது m ன் மதிப்பு
 - a) 4
 - b) 2
 - c) 1
 - d) 3
- 4) $\frac{3}{16}, \frac{1}{8}, \frac{1}{12}, \frac{1}{18}, \dots$ என்ற தொடர் வரிசையின் அடுத்த உறுப்பு
 - a) $\frac{1}{24}$
 - b) $\frac{1}{27}$
 - c) $\frac{2}{3}$
 - d) $\frac{1}{81}$
- 5) $\frac{256x^8y^4z^{10}}{25x^6y^6z^6}$ ன் வர்க்கமூலம்
 - a) $\frac{16}{5} \sqrt{\frac{x^2z^4}{y^2}}$
 - b) $16 \sqrt{\frac{y^2}{x^2z^4}}$
 - c) $\frac{16}{5} \sqrt{\frac{y}{xz^2}}$
 - d) $\frac{16}{5} \sqrt{\frac{xz^2}{y}}$
- 6) ஒரு நேரிய பல்லுறுப்புக் கோவையின் வரைபடம் ஒரு
 - a) நேர்கோடு
 - b) வட்டம்
 - c) பரவளையம்
 - d) அதிபரவளையம்
- 7) $\triangle ABC$ யில், $DE \parallel BC$, $AB = 3.6$ cm, $AC = 2.4$ cm மற்றும் $AD = 2.1$ cm எனில் AE யின் நீளம்
 - a) 1.4 cm
 - b) 1.8 cm
 - c) 1.2 cm
 - d) 1.05 cm
- 8) $3x - y = 4$ மற்றும் $x + y = 8$ ஆகிய நேர்கோடுகள் சந்திக்கும் புள்ளி
 - a) (5, 3)
 - b) (2, 4)
 - c) (3, 5)
 - d) (4, 4)
- 9) $2x - y = 10$ என்னும் நேர்கோட்டின் X வெட்டுத்துண்டு
 - a) 5
 - b) 10
 - c) -10
 - d) வரையறுக்கப்படவில்லை
- 10) $\cos(90 - \theta) =$
 - a) $\sec \theta$
 - b) $\sin \theta$
 - c) $\cos \theta$
 - d) $\operatorname{cosec} \theta$
- 11) ஒரு கோபுரத்தின் உயரம் 60 மீ ஆகும். சூரியனைக் காணும் ஏற்றக்கோணம் 30° யிலிருந்து 45° ஆக உயரும் போது கோபுரத்தின் நிழலானது X -மீ குறைகிறது எனில் X ன் மதிப்பு
 - a) 41.92 m
 - b) 43.92 m
 - c) 43 m
 - d) 45.6 m
- 12) ஓர் உருளையின் ஆரம் அதன் உயரத்தில் மூன்றில் ஒரு பங்கு எனில், அதன் மொத்தப் புறப்பரப்பு
 - a) $\frac{9\pi h^2}{8}$ ச.அ.
 - b) $24\pi h^2$ ச.அ.
 - c) $\frac{8\pi h^2}{9}$ ச.அ.
 - d) $\frac{56\pi h^2}{9}$ ச.அ.
- 13) சமமான விட்டம் மற்றும் உயரம் உடைய ஓர் உருளை ஒரு கூம்பு மற்றும் ஒரு கோளத்தின் கன அளவுகளின் விகிதம்
 - a) 1:2:3
 - b) 2:1:3
 - c) 1:3:2
 - d) 3:1:2
- 14) x, y, z ஆகியவற்றின் திட்டவிலக்கம் p எனில் $3x+5, 3y+5, 3z+5$ ஆகியவற்றின் திட்ட விலக்கமானது
 - a) $3p+5$
 - b) $3p$
 - c) $p+5$
 - d) $9p+15$

பகுதி - ஆ

II. ஏதேனும் 10 வினாக்களுக்கு தீர்வு காண்க: (வினா 28 கட்டாய வினா)

10×2=20

- 15) $A = \{1, 2, 3\}$ மற்றும் $B = \{x/x \text{ என்பது } 10\text{ஐ விடச்சிறிய பகா எண்}\}$ எனில் $A \times B$ மற்றும் $B \times A$ காண்க.
- 16) $f: N \rightarrow N$ என்ற சார்பு $f(x) = 2x-1$ என வரையறுக்கப்பட்டால் அது ஒன்றுக்கு ஒன்றான ஆனால் மேல்சார்பு இல்லை எனக்காட்டுக.
- 17) $13824 = 2^a \times 3^b$ எனில் a மற்றும் b யின் மதிப்பு காண்க.
- 18) கூடுதல் காண்க: $1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + 16^3$
- 19) $\frac{x^4b^2}{x-1}$ ஐ $\frac{x^2-1}{a^4b^3}$ ஆல் பெருக்குக.
- 20) சுவரின் அடியிலிருந்து 4 அடி தொலைவில் உள்ள ஏணியானது சுவரின் உச்சியை 7 அடி உயரத்தில் தொடுமெனில் தேவையான ஏணியின் நீளத்தைக் காண்க.
- 21) $(5, \sqrt{5})$ மற்றும் ஆதிப்புள்ளியை இணைக்கும் நேர்க்கோட்டின் சாய்வைக் காண்க.

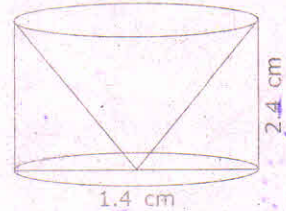
- 22) $4x - 9y + 36 = 0$ என்ற நோக்கோடு ஆய அச்சங்களில் ஏற்படுத்தும் வெட்டுத்துண்டுகளை காண்க.
- 23) $\frac{\cos \theta}{1 + \sin \theta} = \sec \theta - \tan \theta$ என்ற முற்றொருமையை நிரூபிக்கவும்.
- 24) 20 மீ உயரமுள்ள கட்டத்தின் உச்சியில் ஒரு விளையாட்டு வீரர் அமர்ந்துகொண்டு தரையிலுள்ள ஒரு பந்தை 60° இறக்கக் கோணத்தில் காண்கிறார் எனில், கட்டட அடிப்பகுதிக்கும், பந்திற்கும் இடையேயான தொலைவைக் காண்க ($\sqrt{3} = 1.732$)
- 25) 704 ச.செ.மீ. மொத்தப்புறப்பரப்பு கொண்ட ஒரு கூம்பின் ஆரம் 7 செ.மீ. எனில், அதன் சாயுயரம் காண்க.
- 26) 12 செ.மீ. ஆரமுள்ள ஓர் அலுமினியக் கோளம் உருக்கப்பட்டு 8 செ.மீ. ஆரமுள்ள ஓர் உருளையாக மாற்றப்படுகிறது எனில், உருளையின் உயரம் காண்க.
- 27) ஒரு தரவின் வீச்சு மற்றும் மிகச்சிறிய மதிப்பு ஆகியன முறையே 36.8 மற்றும் 13.4 எனில், மிகப்பெரிய மதிப்பைக் காண்க.
- 28) 320 மீ சுற்றளவும் 4800 ச.மீ. பரப்பளவும் கொண்ட செவ்வக வடிவப் பூங்காவை அமைக்க முடியுமா? ஆம் எனில், அதன் நீளம், அகலம் காண்க.

பகுதி - இ

III. ஏதேனும் 10 வினாக்களுக்கு தீர்வு காண்க: (வினா 42 கட்டாய வினா)

10×5=50

- 29) $A = \{x \in W/x < 2\}$, $B = \{x \in N / 1 < x \leq 4\}$ மற்றும் $C = \{3, 5\}$ எனில் $A \times (B \cap C) = (A \times B) \cap (A \times C)$ என்பதைச் சரிபார்க்க
- 30) $A = \{1, 2, 3, 4\}$ மற்றும் $B = \{2, 5, 8, 11, 14\}$ என்பன இரு கணங்கள் என்க $f: A \rightarrow B$ எனும் சார்பு $f(x) = 3x - 1$ எனில் இச்சார்பினை (i) அம்புக்குறிப்படம் (ii) அட்டவணை (iii) வரிசைச் சோடிகளின் கணம் (iv) வரைபடம் ஆகியவற்றால் குறிக்க.
- 31) 300க்கும் 600க்கும் இடையே 7ஆல் வகுபடும் அனைத்து இயல் எண்களின் கூடுதல் காண்க.
- 32) $0.4 + 0.44 + 0.444 + \dots$ என்ற தொடரின் n உறுப்புகள் வரை கூடுதல் காண்க.
- 33) $9x^4 + 12x^3 + 28x^2 + ax + b$ ஆனது ஒரு முழுவர்க்கம் எனில் a, b ஆகியவற்றின் மதிப்புகளைக் காண்க.
- 34) $A = -1 \frac{1}{2}$ எனில் $A^2 - 5A + 7I_2 = 0$ என நிறுவுக.
- 35) அடிப்படை விகிதச்சம தேற்றத்தை கூற்றுடன் நிறுவுக.
- 36) $(-9, 0)$ $(-8, 6)$ $(-1, -2)$ மற்றும் $(-6, -3)$ புள்ளிகளை முனைகளாகக் கொண்ட நாற்கரத்தின் பரப்பைக் காண்க.
- 37) $A(-4, 2)$ மற்றும் $B(6, -4)$ என்ற புள்ளிகளை இணைக்கும் மையக்குத்துக் கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
- 38) இரு கப்பல்கள் கலங்கரை விளக்கத்தின் இருபக்கங்களிலும் பயணம் செய்கின்றன. இரு கப்பல்களிலிருந்து கலங்கரை விளக்கத்தின் உச்சியின் ஏற்றக்கோணங்கள் முறையே 30° மற்றும் 45° ஆகும். கலங்கரை விளக்கத்தின் உயரம் 200 மீ எனில், இரு கப்பல்களுக்கு இடையே உள்ள தொலைவைக் காண்க ($\sqrt{3} = 1.732$)
- 39) 45 செ.மீ. உயரமுள்ள ஓர் இடைக்கண்டத்தின் இருபுற ஆரங்கள் முறையே 28 செ.மீ. மற்றும் 7 செ.மீ. எனில் இடைக்கண்டத்தின் கனஅளவைக் காண்க.
- 40) 24, 26, 33, 37, 29, 31 ஆகியவற்றின் மாறுபாட்டு கெழுவைக் காண்க.
- 41) ஒரு நாணயம் மூன்று முறை சுண்டப்படுகிறது. இரண்டு அடுத்தடுத்த பூக்கள் கிடைப்பதற்கான நிகழ்தகவு என்ன?
- 42) 2.4 செ.மீ. உயரமுள்ள ஒரு திண்ம உருளையின் விட்டம் 1.4 செ.மீ. ஆகும். உருளையினுள் அதே ஆரமுள்ள கூம்பு வடிவக் குழிவு உருளையின் உயரத்திற்கு ஏற்படுத்தப்படுகிறது எனில் மீதமுள்ள திண்மத்தின் மொத்தப்புறப்பரப்பு காண்க.



பகுதி - ஈ

IV. கீழ்க்காணும் வினாக்களுக்கு விடையளிக்க:

2×8=16

- 43) a) கொடுக்கப்பட்ட முக்கோணம் PQRக்கு ஒத்த பக்கங்களின் விகிதம் $7/4$ என அமையுமாறு ஒரு வடிவொத்த முக்கோணம் வரைக. (அளவு காரணி $7/4 > 1$) (OR)
- b) $PQ = 4.5$ செ.மீ., $\angle R = 35^\circ$ மற்றும் உச்சி Rயிலிருந்து வரையப்பட்ட நடுக்கோட்டின் நீளம் $RQ = 6$ செ.மீ. என அமையுமாறு ΔPQR வரைக.
- 44) a) $xy = 24$ என்ற சமன்பாட்டிற்கு வரைபடம் வரைக. $x, y > 0$ மேலும் (i) $x = 3$ எனில் y காண்க (ii) $y = 6$ எனில் x மதிப்பை வரைபடத்தில் காண்க. (OR)
- b) $x^2 - 6x + 9 = 0$ என்ற இருபடிச்சமன்பாட்டின் வரைபடம் வரைக. மேலும் அவற்றின் தீர்வுகளின் தன்மையைக் கூறுக.