

வகுப்பு 10

காலம்: 3.00 மணி

கணிதம்

மதிப்பெண்கள்: 100

பகுதி-I

குறிப்பு : அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்:

14x1=14

- 1) $n(A) = m$ மற்றும் $n(B) = n$ என்க. A-லிருந்து B-க்கு வரையறுக்கப்பட்ட வெற்று கணமில்லாத உறவுகளின் மொத்த எண்ணிக்கை
a) m^n b) n^m c) $2^{mn} - 1$ d) 2^{mn}
- 2) $f(x) = 2x^2$ மற்றும் $g(x) = \frac{1}{3x}$ எனில் $f \circ g$ ஆனது
a) $\frac{3}{2x^2}$ b) $\frac{2}{3x^2}$ c) $\frac{2}{9x^2}$ d) $\frac{1}{6x^2}$
- 3) $g = \{(1,1), (2,3), (3,5), (4,7)\}$ என்ற சார்பானது $g(x) = \alpha x + \beta$ எனக் கொடுக்கப்பட்டால் α மற்றும் β -வின் மதிப்பானது
a) $(-1,2)$ b) $(2,-1)$ c) $(-1,-2)$ d) $(1,2)$
- 4) 65 மற்றும் 117 -யின் மீ.பொ.வவை $65m - 117$ என்ற வடிவில் எழுதும் போது, m -ன் மதிப்பு
a) 4 b) 2 c) 1 d) 3
- 5) ஒரு கூட்டுத்தொடரின் n வது உறுப்பு $2n-1$ எனில் அந்த கூட்டுத்தொடரின் முதல் ' n ' உறுப்புகளின் கூடுதல்
a) n^2 b) $2n-1$ c) $n+2$ d) $n(n+2)$
- 6) கீழ்க்காண்பனவற்றுள் எது $y^2 + \frac{1}{y^2}$ க்குச் சமம் இல்லை
a) $\frac{y^4 + 1}{y^2}$ b) $\left(y + \frac{1}{y}\right)^2$ c) $\left(y - \frac{1}{y}\right)^2$ d) $\left(y + \frac{1}{y}\right)^2 - 2$
- 7) ஒரு நேரிய சமன்பாட்டின் வரைபடம் ஒரு _____ ஆகும்.
a) நேர்க்கோடு b) வட்டம் c) பரவளையம் d) அதிபரவளையம்
- 8) இரு சமபக்க முக்கோணம் $\triangle ABC$ -யில் $\angle C = 90^\circ$ மற்றும் $AC = 5$ செ.மீ. எனில் AB ஆனது
a) 2.5 செ.மீ b) 5 செ.மீ c) 10 செ.மீ d) $5\sqrt{2}$ செ.மீ
- 9) $\triangle ABC$ -யில் $DE \parallel BC$, $AB = 3.6$ செ.மீ, $AC = 2.4$ செ.மீ மற்றும் $AD = 2.1$ செ.மீ எனில், AE -யின் நீளம்
a) 1.4 செ.மீ b) 1.8 செ.மீ c) 1.2 செ.மீ d) 1.05 செ.மீ
- 10) $3x - y = 4$ மற்றும் $x + y = 8$ ஆகிய நேர்க்கோடுகள் சந்திக்கும் புள்ளி
a) (5,3) b) (2,4) c) (3,5) d) (4,4)
- 11) (2,1) ஐ சந்திப்பு புள்ளியாகக் கொண்ட இரு நேர்க்கோடுகள்
a) $x - y - 3 = 0$; $3x - y - 7 = 0$ b) $x + y = 3$; $3x + y = 7$
c) $3x + y = 3$; $x + y = 7$ d) $x + 3y - 3 = 0$; $x - y - 7 = 0$
- 12) (2,-3), (3,2) மற்றும் (-2,5) ஆகிய புள்ளிகளால் அமைக்கப்படும் முக்கோணத்தின் பரப்பு
a) 11 b) 12 c) 14 d) 13
- 13) $\tan \theta \cdot \operatorname{cosec}^2 \theta - \tan \theta$ -ன் மதிப்பு
a) $\sec \theta$ b) $\cot^2 \theta$ c) $\sin \theta$ d) $\cot \theta$
- 14) $\sin \theta + \cos \theta = a$ மற்றும் $\sec \theta + \operatorname{cosec} \theta = b$ எனில் $b(a^2 - 1)$ -ன் மதிப்பு
a) $2a$ b) $3a$ c) 0 d) $2ab$

பகுதி-II

குறிப்பு : எவையேனும் 10 வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

10x2=20

- வினா எண் 28க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.
- 15) $B \times A = \{(-2,3), (-2,4), (0,3), (0,4), (3,3), (3,4)\}$ எனில் A மற்றும் B ஆகியவற்றைக் காண்க.
- 16) ஒரு விமானம் 500 கி.மீ/மணி வேகத்தில் பறக்கிறது. விமானம் 'd' தொலைவு செல்வதற்கு ஆகும் காலத்தை t (மணியில்) -ன் சார்பாக வெளிப்படுத்துக.
- 17) $a^b \times b^a = 800$ என்றவாறு அமையும் இரு மிகை முழுக்கள் 'a' மற்றும் 'b' ஐ காண்க.
- 18) 1, -3, 9, -27, ... என்ற பெருக்குத் தொடர்வரிசையில் முதல் 8 உறுப்புகளின் கூடுதல்காண்க.
- 19) மீ.சி.ம காண்க : $x^4 - 1$, $x^2 - 2x + 1$.
- 20) சூத்திர முறையைப் பயன்படுத்தி $2x^2 - 3x - 3 = 0$ ஐத் தீர்க்க.
- 21) $3x^2 + 7x - 2 = 0$ என்ற சமன்பாட்டின் மூலங்கள் α மற்றும் β எனில் $\frac{\alpha}{\beta} + \frac{\beta}{\alpha}$ -ன் மதிப்பைக் காண்க.
- 22) $\triangle ABC$ ஆனது $\triangle DEF$ க்கு வடிவொத்தவை. மேலும் $BC = 3$ செ.மீ, $EF = 4$ செ.மீ மற்றும் $\triangle ABC$ யின் பரப்பு = 54 செ.மீ² எனில், $\triangle DEF$ யின் பரப்பைக் காண்க.

- 23) $\triangle ABC$ யின் பக்கங்கள் AB மற்றும் AC-யின் மீதுள்ள புள்ளிகள் முறையே D மற்றும் E ஆனது $DE \parallel BC$ என்றவாறு அமைந்துள்ளது. $\frac{AD}{DB} = \frac{3}{4}$ மற்றும் $AC = 15$ செ.மீ எனில் AE-யின் மதிப்பு காண்க.
- 24) (14,10) மற்றும் (14,-6) என்ற புள்ளிகளை இணைக்கும் நேர்க்கோட்டின் சாய்வைக் காண்க.
- 25) $12y = -(p+3)x + 12$, $12x - 7y = 16$ ஆகிய நேர்க்கோடுகள் ஒன்றுக்கொன்று செங்குத்து எனில் 'p'-யின் மதிப்பைக் காண்க.

26) $\frac{\cos \theta}{1 + \sin \theta} = \sec \theta - \tan \theta$ என நிரூபி.

27) $\cot^2 \theta - \frac{1}{\sin^2 \theta} = -1$ என நிரூபி.

- 28) ஒரு பூனை xy-தளத்தில் (-6,-4) என்ற புள்ளியில் உள்ளது. (5,11) என்ற புள்ளியில் ஒரு பாலபூட்டி வைக்கப்பட்டுள்ளது. பூனை மிகக் குறுகிய தூரம் பயணித்துப் பால் அருந்த விரும்புகிறது எனில் பாலைப் பருகுவதற்குத் தேவையான பாதையின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

பகுதி-III

10×5=50

குறிப்பு : எவையேனும் 10 வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

- வினா எண் 42க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.
- 29) $A = \{x \in W / x < 2\}$, $B = \{x \in N / 1 < x \leq 4\}$ மற்றும் $C = \{3,5\}$ எனில் $A \times (B \cap C) = (A \times B) \cap (A \times C)$ என்ற சமன்பாட்டைச் சரிபார்.
- 30) $f(x) = 2x + 3$, $g(x) = 1 - 2x$, $h(x) = 3x$ எனில் $f \circ (g \circ h) = (f \circ g) \circ h$ என நிறுவுக.

31) f என்ற சார்பானது $f(x) = \begin{cases} x+2 & ; x > 1 \\ 2 & ; -1 \leq x \leq 1 \\ x-1 & ; -3 < x < -1 \end{cases}$ என வரையறுக்கப்பட்டால்

(i) $f(3)$ (ii) $f(0)$ (iii) $f(-1.5)$ (iv) $f(2) + f(-2)$.

- 32) $3 + 33 + 333 + \dots$ என்ற தொடர்வரிசையின் முதல் n உறுப்புகளின் கூடுதல் காண்க.
- 33) கூடுதல் காண்க: $15^2 + 16^2 + 17^2 + \dots + 28^2$.

- 34) கீழ்க்காணும் மூன்று மாறிகளில் அமைந்த ஒருங்கமை நேரியல் சமன்பாட்டுத் தொகுப்பினைத் தீர்க்க. $x + y + z = 5$; $2x - y + z = 9$; $x - 2y + 3z = 16$

- 35) $9x^4 + 12x^3 + 28x^2 + ax + b$ ஆனது ஒரு முழு வர்க்கம் எனில் a , b ஆகியவற்றின் மதிப்புகளைக் காண்க.

- 36) $(c^2 - ab)x^2 - 2(a^2 - bc)x + b^2 - ac = 0$ என்ற சமன்பாட்டில் மூலங்கள் சமம் மற்றும் மெய் எனில், $a = 0$ அல்லது $a^3 + b^3 + c^3 = 3abc$ என நிரூபி.

- 37) அடிப்படை விகிதச் சமதேற்றத்தை எழுதி நிரூபிக்கவும்.

- 38) (-9,-2), (-8,-4), (2,2) மற்றும் (1,-3) ஆகிய புள்ளிகளை முனைகளாகக் கொண்ட நான்குபக்கத்தின் பரப்பு காண்க.

- 39) $\triangle ABC$ யின் முனைகள் A (-3,0), B (10,-2), C (12,3) எனில் A மற்றும் B-யிலிருந்து முக்கோணத்தின் எதிர்முகத்திற்கு வரையப்படும் குத்துக்கோட்டின் சமன்பாடுகளைக் காண்க.

40) $\left[\frac{\cos^3 A - \sin^3 A}{\cos A - \sin A} \right] - \left[\frac{\cos^3 A + \sin^3 A}{\cos A + \sin A} \right] = 2 \sin A \cos A$ என்பதை நிரூபிக்கவும்.

41) $\frac{\cos \theta}{1 + \sin \theta} = \frac{1}{a}$ எனில் $\frac{a^2 - 1}{a^2 + 1} = \sin \theta$ என்பதை நிரூபிக்கவும்.

- 42) $4x + 7y - 3 = 0$ மற்றும் $2x - 3y + 1 = 0$ ஆகிய நேர்க்கோடுகள் சந்திக்கும் புள்ளி வழியாகவும், ஆய அச்சங்களின் வெட்டுத்துண்டுகள் சமமானதுமான நேர்க்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

பகுதி-IV

2×8=16

குறிப்பு : அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்:

- 43) a) கொடுக்கப்பட்ட முக்கோணம் PQR-யின் ஒத்த பக்கங்களின் விகிதம் $\frac{2}{3}$ என அமையுமாறு ஒரு வடிவொத்த முக்கோணம் வரைக. (அளவு காரணி $\frac{2}{3} < 1$) (அல்லது)

- b) $AB = 5.5$ செ.மீ, $\angle C = 25^\circ$ மற்றும் உச்சி C-யிலிருந்து ABக்கு வரையப்பட்ட குத்துக்கோட்டின் நீளம் 4 செ.மீ உடைய $\triangle ABC$ வரைக.

- 44) a) ஒரு புள்ளியானது குறிப்பிட்ட சில போட்டிகளுக்கு பரிசுத் தொகையினை எல்லா பங்கேற்பாளர்களுக்குப் பின்வருமாறு சமமாக பிரித்து வழங்குவதாக அறிவிக்கிறது.

பங்கேற்பாளர்களின் எண்ணிக்கை (x)	2	4	6	8	10
ஒவ்வொரு பங்கேற்பாளரின் தொகை ₹ (y)	180	90	60	45	36

- b) $xy = 24$, $x, y > 0$ என்ற வரைபடத்தை வரைக. வரைபடத்தை பயன்படுத்தி (i) $x = 3$ எனில் y-ஐக் காண்க (ii) $y = 6$ எனில் x-ஐக் காண்க.