

Tsl12M

தென்காசி மாவட்டம்
அரையாண்டுப் பொதுத் தேர்வு - 2025

வகுப்பு 12

கால அளவு: 3.00 மணிநேரம்

கணிதவியல்

மதிப்பெண்கள்: 90

பகுதி - I

I. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

20×1=20

1) $A = \begin{bmatrix} \frac{3}{5} & \frac{4}{5} \\ x & \frac{3}{5} \end{bmatrix}$ மற்றும் $A^T = A^{-1}$ எனில் x ன் மதிப்பு

- a) $-\frac{4}{5}$ b) $-\frac{3}{5}$ c) $\frac{3}{5}$ d) $\frac{4}{5}$

2) $A = \begin{bmatrix} 3 & -3 & 4 \\ 2 & -3 & 4 \\ 0 & -1 & 1 \end{bmatrix}$ எனில் $\text{adj}(\text{adj } A)$ ன் மதிப்பு

- a) $\begin{bmatrix} 3 & -3 & 4 \\ 2 & -3 & 4 \\ 0 & -1 & 1 \end{bmatrix}$ b) $\begin{bmatrix} 6 & -6 & 8 \\ 4 & -6 & 8 \\ 0 & -2 & 2 \end{bmatrix}$ c) $\begin{bmatrix} -3 & 3 & -4 \\ -2 & 3 & -4 \\ 0 & 1 & -1 \end{bmatrix}$ d) $\begin{bmatrix} 3 & -3 & 4 \\ 0 & -1 & 1 \\ 2 & -3 & 4 \end{bmatrix}$

3) $|z - 2 + i| \leq 2$ எனில் $|z|$ ன் மீப்பெரு மதிப்பு

- a) $\sqrt{3} - 2$ b) $\sqrt{3} + 2$ c) $\sqrt{5} - 2$ d) $\sqrt{5} + 2$

4) $(\sin 40^\circ + i \cos 40^\circ)^5$ ன் முதன்மை வீச்சு

- a) -110° b) -70° c) 70° d) 110°

5) $x^3 + px^2 + qx + r$ க்கு α, β , மற்றும் γ என்பவை பூச்சியமாக்கிகள் எனில் $\frac{1}{\alpha}$ ன் மதிப்பு

- a) $-\frac{q}{r}$ b) $-\frac{p}{r}$ c) $\frac{q}{r}$ d) $-\frac{q}{p}$

6) $f(x) = \sin^{-1} \sqrt{x-1}$ என வரையறுக்கப்படும் சார்பின் சார்பகம்

- a) $[1, 2]$ b) $[-1, 1]$ c) $[0, 1]$ d) $[-1, 0]$

7) $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ என்ற நீள்வட்டத்தினுள் வரையப்படும் மிகப்பெரிய செவ்வகத்தின் பரப்பு

- a) $2ab$ b) ab c) \sqrt{ab} d) $\frac{a}{b}$

8) $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{25} = 1$ என்ற அதிபரவளையத்தின் அரைகுறுக்கச்சு மற்றும் அரை துணையச்சின் நீளம் என்ன?

- a) 4, 5 b) 5, 4 c) 8, 10 d) 10, 8

9) $\bar{i} + \bar{j}, \bar{i} + 2\bar{j}, \bar{i} + \bar{j} + \pi\bar{k}$ என்ற வெக்டர்களை ஒரு புள்ளி சந்திக்கும் விளிம்புகளாகக் கொண்ட இணைகரத்தின் மத்தின் கன அளவு

- a) $\frac{\pi}{2}$ b) π c) $\frac{\pi}{4}$ d) $\frac{\pi}{3}$

10) $\frac{x-2}{3} = \frac{y+1}{-2}, z=2$ மற்றும் $\frac{x-1}{1} = \frac{2y+3}{3} = \frac{z+5}{2}$ என்ற கோடுகளுக்கு இடைப்பட்ட கோணம்

- a) $\frac{\pi}{6}$ b) $\frac{\pi}{4}$ c) $\frac{\pi}{3}$ d) $\frac{\pi}{2}$

11) $13 - x_1 + 9$ என்ற சார்பின் குறைந்த மதிப்பு

- a) 0 b) 3 c) 6 d) 9

12) $y = (x-1)^3$ என்ற வளைவரையின் வளைவு மாற்ற புள்ளி

- a) (0,0) b) (0, 1) c) (1, 0) d) (1, 1)

- 13) $f(x,y) = e^{xy}$ எனில் $\frac{\partial^2 f}{\partial x \partial y}$ ன் மதிப்பு
 a) xye^{xy} b) $(1+xy)e^{xy}$ c) $(1+y)e^{xy}$ d) $(1+x)e^{xy}$
- 14) $\int_0^{\infty} e^{-3x} 3x^2 dx$ ன் மதிப்பு
 a) $\frac{7}{27}$ b) $\frac{5}{27}$ c) $\frac{4}{27}$ d) $\frac{2}{27}$
- 15) $xy = 12$ என்ற வளைவரை $y=0$, $x = 1$ மற்றும் $x = e^2$ ஆகியவற்றால் அடைபடும் அரங்கத்தின் பரப்பு
 a) 6 b) 12 c) 18 d) 24
- 16) $\frac{dy}{dx} + p(x)y = 0$ ன் தீர்வு
 a) $y = ce^{\int p dx}$ b) $y = ce^{-\int p dx}$ c) $x = ce^{-\int p dy}$ d) $x = ce^{\int p dy}$
- 17) வரிசை n மற்றும் $n+1$ கொண்ட வகைகெழு சமன்பாடுகளின் பொதுத்தீர்வுகளில் உள்ள மாற்றத்தக்க மாறிலிகளின் எண்ணிக்கை
 a) $n-1, n$ b) $n, n+1$ c) $n+1, n+2$ d) $n+1, n$
- 18) $P(x=0)=1-p(x=1)$ மற்றும் $E(x) = 3$ var (x) எனில் $p(x=0)$
 a) $\frac{2}{3}$ b) $\frac{2}{5}$ c) $\frac{1}{5}$ d) $\frac{1}{3}$
- 19) சராசரி 0.4 கொண்ட ஒரு பெர்னோலி பரவல் x எனில் $(2x-3)$ ன் பரவல்
 a) 0.24 b) 0.48 c) 0.6 d) 0.96
- 20) பின்வருபவனவற்றில் எது சரியல்ல? p மற்றும் q ஏதேனும் இரு கூற்றுகளுக்கு பின்வரும்தர்க்க சமானமானவைகள் பெறப்படுகிறது
 a) $\neg(p \vee q) \equiv \neg p \wedge \neg q$ b) $\neg(p \wedge q) \equiv \neg p \vee \neg q$
 c) $\neg(p \vee q) \equiv \neg p \vee \neg q$ d) $\neg(\neg p) \equiv p$

II. ஏதேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு விடையளி. வினா எண் 30 கட்டாய வினா:

7x2=14

21) $\text{adj}A = \begin{bmatrix} 0 & -2 & 0 \\ 6 & 2 & -6 \\ -3 & 0 & 6 \end{bmatrix}$ எனில் A^{-1} காண்க.

22) $|z| = 3$ எனில் $7 \leq |z + 6 - 8i| \leq 13$ எனக்காட்டுக.

23) மதிப்பு தாண்க: $\tan^{-1}(-1) + \cos^{-1}\left(\frac{1}{2}\right) + \sin^{-1}\left(-\frac{1}{2}\right)$

24) குவியம் $(-\sqrt{2}, 0)$ மற்றும் இயக்குவரை $x = \sqrt{2}$ உடைய பரவளையத்தின் சமன்பாடு காண்க.

25) ஒரு துகள் $(1, 3, -1)$ என்ற புள்ளியிலிருந்து $(4, -1, \lambda)$ என்ற புள்ளிக்கு $3\vec{i} - 2\vec{j} + 2\vec{k}$ மற்றும் $2\vec{i} + \vec{j} - \vec{k}$ என்ற விசைகளின் செயல்பாட்டினால் நகர்த்தப்படுகிறது. அவ்விசைகள் செய்தவேலை 16 அலகுகள் எனில், λ ன் மதிப்பைக் காண்க.

26) $f(x) = x^2 - 2x - 3$ என்ற சார்பு $(2, \infty)$ என்ற இடைவெளியில் திட்டமாக ஏறும் என நிறுவுக.

27) $f(x) = x^2 + 3x$ என்ற சார்பிற்கு df காண்க. மேலும் $x = 2$, $dx = 0.1$ ல் df ஐக் காண்க.

28) மதிப்பிடுக: $\int_0^1 x^3(1-x)^4 dx$

Tsi12M

3

29) ஒரு மின்சாதனத்தின் ஆயுட்காலத்தைக் குறிக்கும் சமவாய்ப்பு மாறி x ன் நிகழ்தகவு

$$f(x) = \begin{cases} ke^{-2x}, & x > 0 \\ 0, & x \leq 0 \end{cases} \text{ எனில் } K \text{ன் மதிப்பைக் காண்க.}$$

$$30) \text{ தீர்: } \frac{dy}{dx} = e^{2x-y} + x^2 e^{-y}$$

III. ஏதேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு விடையளி. வினா எண் 40 கட்டாய வினா

7x3=21

$$31) (2 + \sqrt{3})^{10} - (2 - \sqrt{3})^{10} \text{ என்பது முழுவதும் கற்பனை என நிறுவுக.}$$

$$32) 9x^3 - 36x^2 + 44x - 16 = 0 \text{ ன் மூலங்கள் கூட்டுத்தொடரில் அமைந்தவை எனில் சமன்பாட்டைத் தீர்க்க.}$$

$$33) y^2 = 4ax \text{ என்ற பரவளையத்திற்கு } 't_1' \text{ என்ற புள்ளியில் வரையப்படும் செங்கோடு}$$

$$\text{பரவளையத்தை மீண்டும் } 't_2' \text{ என்ற புள்ளியில் சந்திக்கும் எனில் } t_2 = -t_1 + \frac{2}{t_1}$$

என நிறுவுக.

$$34) \frac{x-1}{1} = \frac{y-2}{2} = \frac{z-3}{m^2} \text{ மற்றும் } \frac{x-3}{1} = \frac{y-2}{m^2} = \frac{z-1}{2} \text{ அகிய கோடுகள் ஒரே}$$

தளத்தில் அமைகின்றன எனில் m -ன் வேறுபட்ட மெய் மதிப்புகளைக் காண்க..

$$35) \tan x \text{ ன் விரிவை } -\frac{\pi}{2} < x < \frac{\pi}{2} \text{ ல் } x \text{-ன் அடுக்குகளாக 5வது அடுக்கு வரை காண்க.}$$

$$36) f(x) = \sqrt[3]{x} \text{ என்க. } x = 27 \text{ ல் நேரியல் தோராய மதிப்பைக் காண்க. நேரியல் தோராய மதிப்பை பயன்படுத்தி } \sqrt[3]{27.2} \text{ ன் மதிப்பைக் காண்க.}$$

$$37) \int_0^{\infty} e^{-\alpha x^2} x^3 dx = 32, \alpha > 0 \text{ எனில் } \alpha \text{-ன் மதிப்பைக் காண்க.}$$

$$38) \text{ தீர்: } \frac{dy}{dx} + 2y \cot x = 3x^2 \csc^2 x$$

$$39) \neg(p \leftrightarrow q) \equiv p \leftrightarrow \neg q \text{ எனக் காட்டுக.}$$

$$40) \frac{2}{x} + \frac{3}{y} + \frac{1}{z} = 4, \frac{4}{x} - \frac{6}{y} + \frac{3}{z} = -7, \frac{3}{x} - \frac{5}{y} + \frac{2}{z} = -5 \text{ என்ற சமன்பாடுகளின் தொகுப்பை கிராமரின் விதிப்படி தீர்}$$

IV. எல்லா வினாக்களுக்கும் விடையளி:

7x5=35

$$41) K \text{ ன் எம்மதிப்புகளுக்கு பின்வரும் சமன்பாடுகளின் தொகுப்பு } Kx - 2y + z = 1, x - 2Ky + z = -2, x - 2y + Kz = 1 \text{ (i) யாதொரு தீர்வும் பெற்றிறாது (ii) ஒரே ஒரு தீர்வு பெற்றிருக்கும் (iii) எண்ணிக்கையற்ற தீர்வைப் பெற்றிருக்கும் என்பதை ஆராய்க.}$$

(OR)

$$f(x) = \begin{cases} \lambda e^{-\lambda x}, & x \geq 0 \\ 0, & x < 0 \end{cases} \text{ பிறமதிப்புகளுக்கு எனும் நிகழ்தகவு அடர்த்திசார்பு உள்ள ஒரு சமவாய்ப்பு மாறி } X \text{ க்கு சராசரி மற்றும் பரவற்படி காண்க.}$$

$$42) z = x + iy \text{ மற்றும் } \arg \frac{z-i}{z+2} = \frac{\pi}{4} \text{ எனில் } x^2 + y^2 + 3x - 3y + 2 = 0 \text{ எனக்காட்டுக.}$$

(OR)

$$\text{மதிப்பிடுக: } \int_{\pi/8}^{3\pi/8} \frac{1}{1 + \sqrt{\cot x}} dx$$

- 43) $6x^4 - 5x^3 - 38x^2 - 5x + 6 = 0$ எனும் சமன்பாட்டின் ஒரு தீர்வு $\frac{1}{3}$ எனில் சமன்பாட்டின் தீர்வை காண்க.

(OR)

$$U = \cos^{-1} \frac{x+y}{\sqrt{x} + \sqrt{y}} \quad \text{எனில்} \quad x \frac{\partial U}{\partial x} + y \frac{\partial U}{\partial y} + \frac{1}{2} \cot U = 0 \quad \text{என ஆய்லரின்}$$

தேற்றத்தைப் பயன்படுத்தி நிறுவுக.

- 44) $\cos^{-1}x + \cos^{-1}y + \cos^{-1}z = \pi$ மற்றும் $0 < x, y, z < 1$ எனில் $x^2 + y^2 + z^2 + 2xyz = 1$ எனக் காண்பி.

(OR)

ஆரம் a செ.மீ. மற்றும் உயரம் b செ.மீ. கொண்ட ஒரு வெற்றுக்கூம்பு ஒரு மேசையின் மீது வைக்கப்படுகிறது. இதன் அடியில் மறைத்து வைக்கக்கூடிய மிகப்பெரிய உருளையின் கனஅளவு கூம்பின் கன அளவைப் போல் $\frac{4}{9}$ மடங்கு என்பதைக் காட்டுக.

- 45) $18x^2 + 12y^2 - 144x + 48y + 120 = 0$ என்ற சமன்பாட்டின் கூம்புவளைவின் வகையைக் கண்டறிந்து அவற்றின் மையம், குவியங்கள் முனைகள் மற்றும் இயக்கு வரைகளைக் காண்க.

(OR)

மட்டு 11ஐப் பொறுத்து எச்சத்தொகுதிகளின் கணம் $\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$ ன் உட்கணம் $A \equiv \{1, 3, 4, 5, 9\}$ -ன் மீது X_{11} என்ற செயலிக்கு (i) அடைவுப்பண்பு (ii) பரிமாற்றுப்பண்பு (iii) சேர்ப்புப்பண்பு (iv) சமனிப்பண்பு (v) எதிர்மறைப்பண்பு ஆகியவைகளைச் சரிபார்க்க.

- 46) வெக்டர் முறையில் $\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta$ என நிறுவுக.

(OR)

$A(-1, 1)$, $B(3, 2)$, $C(0, 5)$ என்பன $\triangle ABC$ ன் உச்சிப்புள்ளிகள் எனில் $\triangle ABC$ ஆல் அடைபடும் அரங்கத்தின் பரப்பைத் தொகையிடல் மூலம் காண்க.

- 47) $(-1, 1, 1)$ மற்றும் $(1, -1, 1)$ என்ற புள்ளிகள் வழிச்செல்வதும் $x + 2y + 2z = 5$ என்ற தளத்திற்கு செங்குத்தானதுமான தளத்தின் துணையலகு அல்லாத வெக்டர் சமன்பாடு மற்றும் கார்டீசியன் சமன்பாடு ஆகியவற்றைக் காண்க.

(OR)

வெப்பநிலை 25°C ஆக உள்ள ஒரு அறையில் வைக்கப்பட்டுள்ள நீரின் வெப்பநிலை 100°C ஆகும். 10 நிமிடங்களில் நீரின் வெப்பநிலை 80°C ஆக குறைந்துவிடுகிறது எனில் (i) 20 நிமிடங்களுக்கு பின்னர் நீரின் வெப்பநிலை (ii) வெப்பநிலை 40°C ஆக இருக்கும் போது நேரம் காண்க

$$\log_e \frac{11}{15} = -0.3101, \log_e 5 = 1.6094$$
